

ECOLE NATIONALE D'ECONOMIE  
APPLIQUEE (ENEA)  
DEPARTEMENT DE STATISTIQUE  
BP 5084  
DAKAR - SENEGAL

INSTITUT SOUS REGIONAL DE  
STATISTIQUE ET D'ECONOMIE APPLIQUEE  
YAOUNDE - CAMEROUN

ECOLE NATIONALE SUPERIEURE DE STATISTIQUE  
ET D'ECONOMIE APPLIQUEE  
ABIDJAN

AVRIL 1999

**CONCOURS D'ELEVE INGENIEUR DES TRAVAUX STATISTIQUES**

**VOIE A**

**PREMIERE EPREUVE DE MATHEMATIQUES**

**DUREE : 4 HEURES**

**EXERCICE N° 1**

❶ Etudier sur  $[1, +\infty[$ , les sens de variation des fonctions  $\tau$  et  $\varphi$  telles que

$$\tau(x) = -x - \sqrt{x^2 - 1} \quad \text{et} \quad \varphi(x) = -x + \sqrt{x^2 - 1}$$

❷ Pour  $k \in \mathbb{N}^*$ , on pose  $I_k = [-k + \sqrt{k^2 - 1}, +\infty[$  et  $J_k = ]-\infty, -k - \sqrt{k^2 - 1}]$ .

Montrer que les suites  $(I_k)_{k \geq 1}$  et  $(J_k)_{k \geq 1}$  sont des suites décroissantes de segments emboîtés pour l'inclusion.

❸ On pose  $f_k(x) = \sqrt{x^2 + 2kx + 1}$ ,  $k \in \mathbb{N}^*$

Donner l'ensemble de définition de la fonction  $f_k$  en fonction de  $I_k$  et  $J_k$ .

En déduire l'ensemble de définition de la fonction  $f$  telle que

$$f(x) = \left( \sum_{k=1}^n \sqrt{x^2 + 2kx + 1} \right) - \sqrt{n^2 x^2 + 1}$$

④ Calculer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left[ f_k(x) - \sqrt{x^2 + \frac{1}{n^2}} \right]$  et en déduire  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

## EXERCICE N° 2

On considère la fonction

$$f : x \mapsto f(x) = \sqrt{x-1+2\sqrt{x-2}} + \sqrt{x-1-2\sqrt{x-2}}$$

① Déterminer l'ensemble de définition de  $f$

② Calculer  $[f(x)]^2$ , simplifier  $f(x)$  et tracer  $C_f$ , courbe représentative de  $f$ , dans un repère orthonormé  $(o, \vec{u}, \vec{v})$  du plan.

③ Déterminer l'ensemble des couples  $(x, y)$  d'entiers naturels tels que  $y = f(x)$ .

④ Soit  $g$  la restriction de  $f$  à  $[3, +\infty[$ , Montrer que  $g$  est une bijection de  $[3, +\infty[$  sur un intervalle  $J$  à déterminer.

Montrer que la bijection réciproque  $g^{-1}$  de  $g$  est dérivable sur  $J$ .

Déterminer la fonction  $g^{-1}$  et tracer sa courbe représentative sur le même graphique que  $C_f$

## PROBLEME

① Montrer que pour tout  $x$  de  $\left[0, \frac{\pi}{2}\right]$ ,  $\frac{2x}{\pi} \leq \sin x \leq x$  et  $1 - \frac{2x}{\pi} \leq \cos x \leq \frac{\pi}{2} - x$

② Soit la fonction  $g$  définie par  $g(x) = 2x + 1 - \frac{2}{\pi} \cotan(\pi x)$

① Déterminer  $D$  ensemble de définition de  $g$

Etudier le sens de variation de  $g$  sur  $D$ .

② Montrer que l'équation  $g(x) = 0$  admet, pour tout entier relatif  $n$ , une solution unique  $\alpha_n$  appartenant à  $]n, n+1[$

③ Montrer que  $g(x+n) = g(x) + 2n$ ,  $n \in \mathbb{Z}$ ,  $x \in D$

④ On pose  $\beta_n = \alpha_n - n$  pour  $n \in \mathbb{N}$

Montrer que la suite  $(\beta_n)$  est décroissante et que  $0 < \beta_n < \frac{1}{2}$ . En déduire que la suite  $(\beta_n)$  est convergente.

⑤ Montrer que, pour tout  $t$  de  $]0, \frac{1}{2}]$ , on a :

$$g(n+t) \geq 2(n+1) + 2t - \frac{1}{2t}$$

En déduire  $\lim_{n \rightarrow +\infty} \beta_n$

⑥ Etudier la suite  $(\mu_n)$  telle que  $\mu_n = \alpha_{-n} + n$

③ Soit  $f : x \mapsto f(x) = \frac{1}{4} [1 - (2x+1) \cos(\pi x)]$

① Etudier le sens de variation de  $f$  sur  $]n, n+1[$ , suivant la parité de  $n$ .

② Montrer que pour  $x > -\frac{1}{2}$ ,  $-\frac{1}{2}x \leq f(x) \leq \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$

Démontrer une relation analogue pour  $x \leq -\frac{1}{2}$

③ Tracer la courbe représentative de  $f$ , dans un repère orthonormé du plan, pour  $x \in [-3, 3]$

④ On pose  $h(x) = \frac{\pi}{4} \cdot g(x) \cdot \sin(\pi x)$ ,  $x \in ]n, n+1[$ ,  $n \in \mathbb{N}$ , et

$$v_n = \int_{n+\frac{1}{4}}^{n+\frac{3}{4}} h(x) dx.$$

Montrer que  $v_n = (-1)^n \frac{\sqrt{2}}{2} \left( \frac{n}{2} + \frac{3}{8} \right)$  et étudier la suite  $(v_n)$ .

**ECOLE NATIONALE D'ECONOMIE APPLIQUEE (ENEA)  
DEPARTEMENT DE STATISTIQUE  
BP 5084  
DAKAR -SENEGAL**

**INSTITUT SOUS REGIONAL DE  
STATISTIQUE ET D'ECONOMIE APPLIQUEE  
YAOUNDE - CAMEROUN**

**ECOLE NATIONALE SUPERIEURE DE STATISTIQUE  
ET D'ECONOMIE APPLIQUEE  
ABIDJAN**

**AVRIL 1999**

***CONCOURS D'ELEVE INGENIEUR DES TRAVAUX STATISTIQUES***

***VOIES A et B***

**ORDRE GENERAL**

**DUREE : 3 HEURES**

Les candidats traiteront l'un des 3 sujets au choix

**SUJET N° 1**

Commentez ces phrases de Simone WEIL tirées de «L'enracinement».  
«Cela n'a pas de sens de dire que les hommes ont, d'une part des droits, d'autre part des devoirs... Un homme qui serait seul dans l'univers n'aurait aucun droit mais il aurait des obligations»

**SUJET N° 2**

Le droit doit-il se contenter de suivre l'évolution des moeurs ?

**SUJET N° 3**

Commentez ces phrases d'Ernest RENAN dans «qu'est-ce qu'une nation ?». «Une grande agrégation d'hommes, saine d'esprit et chaude de coeur, crée une conscience morale et s'appelle une nation».

**ECOLE NATIONALE D'ECONOMIE  
APPLIQUEE (ENEA)  
DEPARTEMENT DE STATISTIQUE  
BP 5084  
DAKAR - SENEGAL**

**INSTITUT SOUS REGIONAL DE  
STATISTIQUE ET D'ECONOMIE APPLIQUEE  
YAOUNDE - CAMEROUN**

**ECOLE NATIONALE SUPERIEURE DE STATISTIQUE  
ET D'ECONOMIE APPLIQUEE  
ABIDJAN**

**AVRIL 1999**

***CONCOURS D'ELEVE INGENIEUR DES TRAVAUX STATISTIQUES***

***VOIE A***

**DEUXIEME EPREUVE DE MATHEMATIQUES**

**DUREE : 3 HEURES**

**EXERCICE N° 1**

Combien y a - t- il de nombres entiers inférieurs à  $10^p$  et dont la somme des chiffres est égale à 3 ?

**EXERCICE N° 2**

On considère tous les nombres de 4 chiffres distincts qu'on peut former à l'aide des chiffres 1 , 2 , 3 , 4 , 5 et 6. Déterminer leur nombre N et leur somme S. Donner la décomposition de S en produit de facteurs premiers.

## PROBLEME

Le plan complexe P est muni du repère orthonormé  $(O, \vec{u}, \vec{v})$

① On considère le vecteur  $\vec{W}$  d'affixe  $z = x + iy$  et le vecteur  $\vec{s}$  d'affixe  $z' = x' + iy'$ .  
On considère le produit scalaire  $\vec{W} \cdot \vec{s}$  et le déterminant  $\det(\vec{W}, \vec{s})$ .

① Montrer que  $\vec{W} \cdot \vec{s} = \frac{1}{2}(z\bar{z}' + \bar{z}.z')$  et  $\det\left(\begin{matrix} \vec{W} \\ \vec{s} \end{matrix}\right) = \frac{1}{2i}(\bar{z}.z' - z.\bar{z}')$

② Soit (D) une droite du plan P, dont une équation est  $ax + by + c = 0$ ,  $(a,b) \neq (0, 0)$ ,  $c \in \mathbb{R}$

Si  $\alpha = a + ib$ , montrer que l'équation  $ax + by + c = 0$ , de (D), peut se mettre sous la forme :  $\alpha.z + \bar{\alpha}.z + 2c = 0$ , où  $z = x + iy$ .

③ Soit (C) le cercle dont une équation est  $x^2 + y^2 - 2ax - 2by + c = 0$ ,  $a^2 + b^2 - c \geq 0$

Si  $\alpha = a + ib$  et  $z = x + iy$ , montrer que cette équation de (C) peut se mettre sous la forme  $|z|^2 - (\alpha.\bar{z} + \bar{\alpha}.z) + c = 0$

②  $P^*$  étant le plan P privé de l'origine O, soit l'application

$$f : P^* \rightarrow P^*$$

$$M(z) \mapsto M'(z') \text{ avec } z' = \frac{1}{\bar{z}}$$

① Déterminer l'ensemble des points invariants du plan, par f.

Quelle est l'image de  $M'(z')$  par f ?

② Montrer que  $\vec{OM}$  et  $\vec{OM}'$  sont colinéaires et de même sens et que  $OM \times OM' = 1$

③ Soit A le point d'affixe -1 et soit  $\Gamma$  le cercle de centre A et de rayon 1. On note par  $\Gamma^*$  le cercle  $\Gamma$  privé de l'origine O.

Dans cette question , on suppose que le point  $M(z)$  appartient à  $\Gamma^*$ .

- a) Montrer que  $M'(z')$  appartient à la médiatrice du segment  $[OA]$ .
- b) En déduire la construction géométrique de  $M'$  connaissant la position de  $M$  sur  $\Gamma^*$ .
- c) La médiatrice de  $[OA]$  coupe  $\Gamma^*$  en deux points  $I$  et  $J$  ,  $y_I > 0$  ,  $y_J < 0$

Déterminer l'image par  $f$  du segment  $[IJ]$  et l'image par  $f$  du petit arc  $\widehat{IJ}$  de  $\Gamma^*$ , privé de  $O$ .

④ Dans cette question,  $M$  est un point quelconque du plan.  $(\Delta)$  étant une droite passant par  $O$ , on note  $\Delta^* = \Delta - \{O\}$

Déterminer l'image par  $f$  de  $\Delta^*$

⑤ Dans cette question,  $M$  est un point quelconque du plan,  $B$  est le point d'affixe  $1$ ,  $N$  est le symétrique de  $M$  par rapport à l'axe  $(Ox)$  des abscisses.

Montrer que  $M'$  ,  $B$  ,  $A$  et  $N$  sont cocycliques, c'est-à-dire appartiennent à un même cercle.

En déduire une construction de  $M'$  connaissant  $M$  .

⑥ On considère le cercle  $(C)$  de centre  $O$  et de rayon  $1$  ,  $M$  est un point hors de  $(C)$  ,  $H$  le point de contact de  $(C)$  avec une tangente à  $(C)$  menée de  $M$  ,  $M'$  le projeté orthogonal de  $H$  sur  $(OM)$ .

Montrer que  $M' = f(M)$

En déduire une construction de  $M'$  connaissant  $M$  , hors de  $(C)$  puis une construction de  $M'$  connaissant  $M$  à l'intérieur de  $(C)$  .

⑦ Une droite  $(D)$  a pour équation  $ax + by + c = 0$  ,  $c \neq 0$  ,  $(a, b) \neq (0, 0)$ .

a) Si  $H$  est le projeté orthogonal de  $O$  sur  $(D)$ , montrer que

$$OH = \sqrt{\frac{c^2}{a^2 + b^2}}$$



En déduire  $OH'$  si  $H' = f(H)$

b) Montrer que le cercle  $(C')$  de diamètre  $[OH']$  est l'image de  $(D)$  par  $f$

En déduire l'image par  $f$  d'un cercle passant par  $O$  et privé de  $O$ .

⑧ Montrer que l'image par  $f$  d'un cercle ne passant pas par  $O$  est un cercle ne passant pas par  $O$ .

**ECOLE NATIONALE D'ECONOMIE  
APPLIQUEE (ENEA)  
DEPARTEMENT DE STATISTIQUE  
B.P. 5084  
DAKAR - SENEGAL**

**INSTITUT SOUS-REGIONAL DE  
STATISTIQUE ET D'ECONOMIE APPLIQUEE  
YAOUNDE - CAMEROUN**

**ECOLE NATIONALE SUPERIEURE DE STATISTIQUE  
ET D'ECONOMIE APPLIQUEE  
ABIDJAN**

**AVRIL 1999**

***CONCOURS D'ELEVE INGENIEUR DES TRAVAUX STATISTIQUES***

***VOIE A***

**EPREUVE DE CALCUL NUMERIQUE**

**DUREE : 2 HEURES**

**EXERCICE n° 1**

Les différentes parcelles d'une exploitation forestière donnent des bois de qualités différentes. L'année passée, l'étude détaillée des fûts coupés a permis de distinguer trois qualités de parcelles selon le bois produit :

- qualité supérieure : 85,38 % des parcelles ;
- qualité moyenne : 12,26 % des parcelles ;
- qualité inférieure : 2,36 % des parcelles.

Afin de proposer à sa clientèle des planches de meilleure qualité, une scierie a décidé de ne plus ramasser que des fûts de qualité supérieure. Un camion de ramassage, ne connaissant pas les résultats des analyses, fait sa tournée. On supposera que les parcelles sont indépendantes et on donnera les résultats arrondis à la quatrième décimale.

La question 3 peut être traitée indépendamment des questions 1 et 2.

① quelle est la probabilité de ramasser uniquement du bois de qualité supérieure:

① en se rendant dans une seule parcelle ?

② en se rendant dans cinq parcelles ?

② Si la tournée comprend 30 parcelles, quelle est la probabilité :

① de n'avoir ramassé que du bois de qualité supérieure ?

② d'avoir ramassé une et une seule fois du bois de qualité moyenne ou inférieure ?

③ d'avoir ramassé strictement plus d'une fois du bois de qualité moyenne ou inférieure ?

③ Certains arbres sont atteints d'un parasite bénin. Les forestiers ont pu établir les faits suivants :

- 20 % des arbres sont atteints par le parasite,
- parmi les arbres coupés, 25 % sont atteints par le parasite.

On note  $p$  la proportion d'arbres coupés dans l'exploitation, A l'ensemble des arbres atteints par le parasite et B l'ensemble des arbres coupés.

① Calculer en fonction de  $p$  la probabilité  $\pi$  pour qu'un arbre non coupé soit parasité.

② Quelle est la plus petite valeur de  $p$  pour laquelle  $\pi$  est inférieure ou égale à 0,1 ?

③ A l'issue de la phase d'abattage du bois, la probabilité pour qu'une parcelle soit totalement débarrassée du parasite est égale à  $1/3$ . L'ensemble de l'exploitation est constitué de 25 parcelles. Quelle est, dans les conditions précédentes, et en supposant que les résultats sont indépendants d'une parcelle à l'autre, la probabilité d'avoir décontaminé au moins 20 parcelles sur les 25 à l'issue de la phase d'abattage ?

**EXERCICE n° 2**

On examine un lot de gousses de pois et on note pour chacune sa longueur en millimètres et le nombre de graines situées à l'intérieur. On obtient la série suivante :

Taille $x_i$ (mm)	Nombre de graines $y_i$
71	4
54	1
82	7
84	11
74	6
91	7
82	7
53	4
75	8
56	2
69	3
70	7
78	7
72	7
80	8
52	5
83	6
74	9
82	6
87	6
47	3
78	7
52	7
70	2
45	4
41	2
49	1
81	8
75	7
65	5
54	2
64	5
85	6
75	6
53	9
68	6
67	6
82	9
88	3
75	7

① Dans un tableau, indiquer, pour chaque série, son amplitude, sa moyenne, son mode, sa médiane et son écart-type.

② Etablir un graphique utilisant deux axes et où chaque gousse soit représentée par un point de coordonnées  $(x_i, y_i)$ .

③ Quelle remarque peut-on faire en observant ce graphique ?

④ Classer dans un tableau les gousses par taille de 5mm en 5mm et par nombre de graines, de 3 en 3 et donner l'effectif et la fréquence cumulée de chaque classe.

⑤ Tracer la fonction de répartition des effectifs pour la série des tailles.

### EXERCICE n° 3

Résoudre dans  $\mathbf{R}^2$  le système suivant :

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 208, \\ xy = 96 \end{cases}$$

**ECOLE NATIONALE D'ECONOMIE  
APPLIQUEE (ENEA)  
DEPARTEMENT DE STATISTIQUE  
BP 5084  
DAKAR - SENEGAL**

**INSTITUT SOUS REGIONAL DE  
STATISTIQUE ET D'ECONOMIE APPLIQUEE  
YAOUNDE - CAMEROUN**

**ECOLE NATIONALE SUPERIEURE DE STATISTIQUE  
ET D'ECONOMIE APPLIQUEE  
ABIDJAN**

**AVRIL 1999**

***CONCOURS D'ELEVE INGENIEUR DES TRAVAUX STATISTIQUES***

***VOIES A***

***et***

***B OPTION MATHÉMATIQUES***

**EPREUVE DE CONTRACTION DE TEXTE**

**DUREE : 3 HEURES**

Ce texte est tiré du livre d'Albert Jacquard «La légende de demain», paru aux éditions Flammarion en octobre 1997. Il devra être résumé en 250 mots plus ou moins 10%.

**\*\*\***

La planète bleue, les satellites nous la montrent, magnifique dans l'espace. Nous sommes en droit de l'admirer avec la satisfaction d'un propriétaire, elle est à nous. C'est notre propriété de famille. Personne ne viendra nous la disputer. Si l'on en croit la Bible, c'est le créateur qui nous l'a offerte. Elle est la Terre promise, promise aux hommes.

Longtemps nous l'avons crue immense, quasi illimitée, inépuisable, apte à nous procurer tout ce que nous exigeons d'elle. Soudain, nous venons de comprendre qu'elle est petite. Certes, les scientifiques l'avaient mesurée, pesée, analysée ; ils avaient tout décrit d'elle, mais ils ne nous avaient pas fait comprendre l'essentiel : l'espace où restera confiné le destin de l'homme est limité. *Dans Regards sur le monde actuel*, Paul Valéry, dès 1945, nous a mis face à cette évidence : «Le temps du monde fini commence ». Oui, notre domaine est marqué par des limites infranchissables, nous ne le quitterons pas - du moins pas «demain».

Sans doute, parmi les milliards d'étoiles, nombreuses sont celles qui sont entourées de planètes ; et parmi ces planètes, nombreuses sont celles qui offrent un milieu semblable au nôtre. Pourquoi ne pas aller s'installer sur un de ses astres de rechange lorsque la Terre sera épuisée ? L'obstacle apparemment incontournable est la structure de l'espace-temps. Qui rend impossible tout déplacement plus rapide que la lumière. Or, il faut quatre années à cette lumière pour venir de la plus proche étoile, et cent mille années pour venir des étoiles les plus éloignées de la Voie Lactée. Même si l'éventuelle «Terre bis» n'était située qu'à quelques milliers d'années lumière, les reconnaissances préliminaires puis le transport de l'humanité poseraient des problèmes dont on imagine mal la solution. L'installation de l'humanité ailleurs que sur la Terre fait partie des utopies non réalisables, dans notre exploration des demain possibles, il est raisonnable d'admettre que nous sommes, sinon prisonniers, du moins pour longtemps assignés à résidence. Nos ancêtres, pour qui la planète abondait en *Terra Incognita*, pouvaient rêver d'un ailleurs quand leur environnement leur semblait déplaisant ; les hommes d'aujourd'hui n'ont plus d'ailleurs.

Ce constat n'est pas triste ; il définit les «conditions aux limites», comme disent les physiciens, permettent de rendre les projets d'avenir compatibles avec les contraintes imposées par la nature. Que pouvons-nous demander à la Terre ? Il nous fait connaître la réponse non seulement pour aujourd'hui et le futur proche, mais pour les générations plus lointaines. La solidarité entre les hommes ne doit pas s'arrêter à nos contemporains, elle doit s'étendre à tous nos descendants (...)

Face aux perspectives démographiques - huit milliards d'hommes dans vingt ans, sans doute neuf ou dix milliards avant la fin de XXI<sup>e</sup> siècle -, la question immédiate est la suivante : la Terre pourra-t-elle fournir aux hommes la nourriture dont ils ont besoin ? Par bonheur, la réponse est positive, mais au prix de grands changements dans nos habitudes.

La superficie consacrée aux productions alimentaires est de l'ordre de 1,5 milliards d'hectares, qui produisent en moyenne deux tonnes qu'équivalentes céréales par hectare. Malgré l'avancée de la désertification dans certaines régions comme le Sahel, cette surface pourra être maintenue sans trop de difficultés et le rendement moyen pourra être accru par l'emploi de variétés plus productives, d'engrais et de méthodes de conservation des sols ; le maintien de l'alimentation des hommes au niveau d'aujourd'hui ne posera donc guère de problème, même si la population dépasse dix milliards d'individus. Mais ce niveau moyen n'a guère de signification, car l'accès à la nourriture est très différent suivant les régions, et bien inférieur au souhaitable dans de nombreux pays.

La consommation totale d'énergie végétale, aussi bien pour les semences, l'alimentation du bétail que pour la nourriture des humains, représente l'équivalent de 6 000 calories par jour et par personne en moyenne ; les écarts selon les Etats sont considérables : 3 000 calories pour les plus démunis, 15 000 pour les plus gaspilleurs. L'amélioration nécessaire des ressources alimentaires des premiers porterait cette moyenne à environ 9 000 calories. Autrement dit, les dix milliards d'humains de demain consommeraient autant que si nous étions quinze milliards aujourd'hui. L'évolution des rendements ne permettra pas - ou difficilement - de faire face à de tels besoins ; des changements des habitudes alimentaires s'imposeront donc.

Manger de la viande, boire du lait, c'est indirectement consommer les céréales absorbées par les animaux d'élevage. Le poids total de ces derniers étant supérieur à celui de l'ensemble des humains, il sont donc leurs véritables concurrents dans l'accès à la nourriture produites par la Terre. Or, un niveau de vie meilleur s'accompagne d'un recours accru aux nourritures les plus coûteuses en équivalent céréale. La véritable solution des problèmes que posera l'alimentation réside donc moins dans une amélioration des rendements agricoles - souvent obtenus au détriment de la conservation des sols ou d'un gaspillage inconsidéré des ressources en eau - que dans une orientation nouvelle des normes de l'alimentation. Les Occidentaux devront s'habituer à consommer moins de viande - leur santé y trouvera son compte.

La satisfaction des besoins en nourriture se heurtera aussi à un double obstacle : l'utilisation croissante des surfaces arables pour des productions non vivrières. Mises devant l'obligation de rembourser leurs dettes envers les pays développés, les nations du tiers monde s'efforcent de produire des biens exportables au détriment parfois des ressources nécessaires à leur survie. Ainsi, au début des années 80, les pays du Sahel ont produit des quantités record de coton destinées à l'exportation alors que la famine sévissait, ce qui les a contraint à importer une quantité accrue de céréales. Le caractère fondamentalement immoral de ce mécanisme est manifeste si l'on songe que les cours mondiaux du coton s'effondraient à mesure que la production en augmentait, tandis que ceux des céréales montaient à mesure que la demande s'accroissait. Bel exemple d'un mécanisme libéral qui préserve en effet fort bien la liberté du renard dans le poulailler.

En fait, la nourriture de l'humanité pose moins un problème technique qu'un problème économique, donc politique. De même est politique la question posée par les ressources en eau. Lors de la campagne aux élections présidentielles de 1974, l'agronome René Dumont s'est rendu célèbre en montrant à la télévision un verre d'eau et en ajoutant : « Cette eau sera dans vingt ans une denrée rare ». Bien peu l'ont pris au sérieux ? Mais aujourd'hui, selon lui, plus de deux milliards d'hommes ne disposent pas d'eau potable, et ce chiffre va toujours croissant. La nature, pourtant, n'est guère avare en ce domaine, mais l'eau qu'elle nous fournit à profusion est dilapidée, gaspillée, polluée sans égard pour sa prochaine rareté. Sa répartition sur la planète est modifiée par l'effet de serre, qui provoque sécheresse ici et inondations là ; or, cet effet est la conséquence des activités humaines, notamment l'utilisation inconsidérée des combustibles fossiles, en premier lieu le pétrole.



(...) Le constat que la Terre pourra nourrir les hommes, sans trop de difficultés, même si leur effectif atteint dix milliards, a conduit à mettre en doute la nécessité d'une limitation de la fécondité. En fait, la vraie question n'est pas «Combien la Terre peut-elle nourrir d'hommes ?» mais «Combien peut-elle supporter d'hommes ?». Ce qui implique de répondre d'abord à la question : «Quelle sorte d'hommes ?». Si ce sont des paysans traditionnels qui ne demandent à la Terre que leur nourriture, le maximum, dans les conditions actuelles, est supérieur à dix milliards. Si ce sont des occidentaux moyens aux exigences multiples en richesses non renouvelables, la réponse est fort différente. Sans doute un milliard serait-il déjà beaucoup trop.

Il est raisonnable de consommer le produit d'une récolte ; le prochain été en apportera une autre ; La Terre, régulièrement, renouvelle ce cadeau. Mais il est des cadeaux qu'elle ne renouvellera pas. Ainsi a-t-elle constitué, au cours de centaines de millions d'années, un trésor sous forme de pétrole, résultat d'une lente décomposition des cadavres d'une multitude de bactéries. Il nous est si précieux que nous avons cherché partout les endroits où il peut être enfoui ; nous en avons tant découvert qu'il reste aujourd'hui 150 milliards de tonnes de réserve prouvée. Nous sommes conscients que de nouvelles découvertes permettront d'accroître ce trésor, mais elles exigeront des moyens toujours plus coûteux. Le maximum réellement accessible ne dépasse sans doute pas 450 milliards de tonnes. Or, chaque année nous en brûlons 4,5 milliards de tonnes.

A ce rythme, si optimiste soit-on quant aux découvertes à venir, ce trésor sera presque dilapidé avant la fin du prochain siècle. Et peut-être avant, car les pays dont l'économie est en difficulté - c'est-à-dire presque tous - cherchent l'issue de leurs problèmes dans la «croissance», ce qui entraîne une augmentation de la consommation de pétrole, rapprochant l'échéance finale.

Un problème semblable se pose pour le gaz naturel et le charbon, de façon toutefois moins importante car les réserves sont immenses. Il se pose aussi pour les richesses renouvelables dont le rythme de production est plus lent que le rythme de consommation, par exemple les forêts ou les nappes phréatiques profondes. Dans les déserts des Etats-Unis, d'Arabie ou de Libye, des oasis ont été créées en pompant dans ces nappes ; mais celles-ci seront épuisées dans quelques générations. Nos petits-enfants regarderont avec une certaine rancoeur ces lieux que leurs ancêtres ont rendus provisoirement verdoyants pour leur profit ; ils les contempleront avec la même tristesse que nous quand nous regardons l'emplacement de la mer d'Aral aujourd'hui disparue.

Si nous poursuivons dans l'absurde direction que nous avons baptisé «croissance», dans quelques centaines d'années, c'est-à-dire très bientôt, nous vivrons dans un jardin qui n'aura plus rien d'édénique tant nous l'aurons ravagé. Est-ce digne d'une espèce supposée raisonnable ?

Pour préparer demain, il ne suffit pas de constater le résultat des erreurs commises, il faut essayer d'en préciser les causes. Pour le gaspillage des ressources, c'est le respect abusif de la propriété qui a mené dans une impasse. Tant que la Terre était considérée comme illimitée, il était normal, pour celui qui avait défriché et ensemencé un terrain, de s'approprier ses récoltes, puis le terrain lui-même, enfin les richesses qu'il recelait. Les autres hommes pouvaient trouver un équivalent ailleurs ; ils n'étaient pas spoliés. Aujourd'hui que nous ne disposons plus d'un ailleurs, cette attitude est devenue déraisonnable. Toute appropriation, qu'elle soit individuelle ou collective, d'une richesse limitée offerte aux hommes par la nature est nécessairement un vol. La seule collectivité qui puisse à bon droit s'en déclarer propriétaire est l'ensemble de l'humanité.

A la question «A qui appartient tel gisement de pétrole ?» notre société a répondu, sans réfléchir, comme s'il s'agissait d'un champ labouré ou d'un pâturage figurant au patrimoine d'un paysan. L'émir du Koweït ou celui du Brunei se sont ainsi trouvés à la tête d'une fortune colossale, donc d'un pouvoir exorbitant, sans avoir eu d'autre peine que de naître au-dessus de quelques milliards de barils. La seule réponse sensée est : «Chaque gisement appartient à tous les hommes, non seulement à ceux d'aujourd'hui, mais à ceux de toutes les générations à venir». Autrement dit, le pétrole, comme toutes les richesses non renouvelables ou trop lentement renouvelables offertes par la planète, doit être considéré comme patrimoine commun de l'humanité.

Ce concept a été forgé par l'Unesco à propos des richesses culturelles offertes par les hommes aux hommes. Le temple de Borobudur, la cathédrale d'Amiens, la ville de Venise n'appartiennent plus à des églises ou à des Etats, qui en ont été, avec leur accord, dépossédés. Cette renonciation à l'appropriation a été étendue à tous les objets extérieurs à la planète : ni la lune ni un astéroïde ne peut être accaparé par une nation qui y planterait son drapeau. De même, le danger d'une détérioration du continent antarctique a conduit les vingt-six pays qui s'y étaient implantés à renoncer, en 1957 puis en 1991, à différer leurs revendications territoriales et à n'y exercer que des activités pacifiques. L'Antarctique commence à être considéré comme un patrimoine commun.

Ce ne sont là que les premiers pas dans la seule direction compatible avec les limites de la planète. Ils sont encourageants, mais n'ont été accomplis qu'en raison de leur bien faible impact économique. Les pas suivants seront autrement difficiles, lorsqu'il sera proposé, par exemple, de déclarer le pétrole patrimoine commun de l'humanité. Pourtant, l'urgence est grande.

Pour préparer un demain vivable tout en sauvegardant après-demain, trois objectifs doivent être simultanément poursuivis : ne pas épuiser les ressources énergétiques de la planète ; produire de l'énergie sans détériorer le climat ; réduire les écarts entre les nations dans l'accès à l'énergie.

Il est clair que le «laisser faire» cher aux néolibéraux ne permettra d'atteindre aucun de ces objectifs. Il ne peut aboutir qu'à une concurrence exacerbée et à une fuite en avant accélérée qui précipitera la catastrophe. Le scénario d'un tel «laisser faire» a été étudié par le Conseil mondial de l'énergie. Il a fait l'hypothèse que les pays les plus riches (l'Amérique du Nord et l'Europe) poursuivaient leur croissance à un rythme un peu inférieur à 2% par an et que le rapport des niveaux de vie entre eux et les plus pauvres (l'Inde et l'Afrique), ne seraient plus, en 2060 que de 5 à 1 contre 20 à 1 aujourd'hui. L'égalité serait donc encore loin d'être réalisée. Pour nourrir cette croissance et parvenir à ce début de rattrapage, il aurait fallu épuiser les réserves de pétrole, réduire de trois-quarts celles du gaz et doubler la teneur en CO<sub>2</sub> de l'atmosphère, ce qui aurait eu de graves effets sur le climat. Nous serions loin d'une gestion «en bon père de famille» de notre propriété.

Une autre attitude s'impose ; un autre scénario est possible. Il tire les conséquences d'une évidence : la source d'énergie la plus importante réside dans l'économie d'énergie. Une politique volontariste qui s'efforcerait d'exploiter au mieux cette source pourrait aboutir à une humanité de l'an 2060 bien différente de celle du «laisser faire». Le scénario alternatif admet que la consommation d'énergie des Américains, loin de progresser, serait divisée par 3, celle des Européens par 2, tandis que celle des Africains et des Asiatiques serait multipliée par plus de 2 ; les écarts seraient donc véritablement réduits. La conséquence serait une augmentation de seulement 20% de la teneur en CO<sub>2</sub>, ce qui n'irait pas sans inconvénients, mais resterait acceptable. L'équilibre de notre planète serait durablement préservé.

Une telle évolution n'est nullement utopique. Elle suppose des mesures législatives et fiscales ayant pour effet de restreindre les transports routiers, d'améliorer l'isolation de l'habitat, d'accroître le recours aux énergies renouvelables, d'orienter les procédés de fabrication vers ceux qui sont les moins coûteux en énergie. Ce sont là des réponses technologiques. Leur apport sera précieux, mais il sera, à coup sûr, insuffisant; c'est une nouvelle finalité donnée à nos sociétés qui s'impose.